

前回は、サイコロの検定で、「出やすい」あるいは「出にくい」ということを検定した。「出やすい」「出にくい」というのは、方向が示されているが、対立仮説で方向が示されない場合もある。

例 1 10本のくじがある。店員は「このうち3本が当たりです」と言う。本当に3本なのか確かめるために、1本引いては戻す（復元抽出）を20回繰り返したところ、当たりは4回だった。店員の言うことは正しいと言えるだろうか？

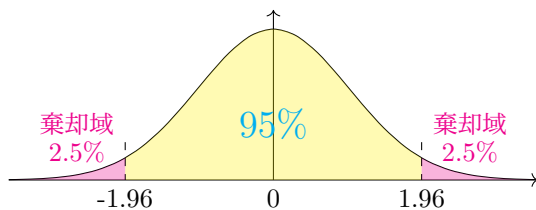
この場合、対立仮説は「10本中3本よりも多い」「10本中3本より少ない」という二つになり、「多い」と「少ない」の2つの方向の両方を検定しなければならない。

Step 1：仮説

帰無仮説 H_0 ：当たりは3本

対立仮説 H_1 ：当たりは3本で無い

ということになるので、有意水準 5% で検定すると、両側にそれぞれ 2.5% の棄却域を設定することになる。



したがって、臨界値は $z = \pm 1.96$

Step 2：平均と標準偏差

標本比率の分布は $B(20, \frac{3}{10})$ であるので、

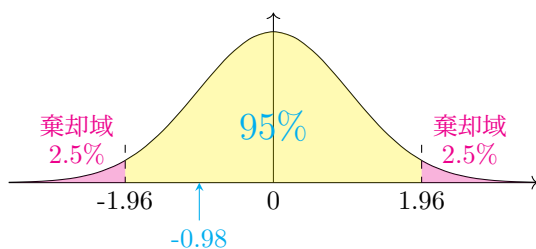
$$\mu = 20 \times \frac{3}{10} = 6$$

$$\sigma = \sqrt{20 \times \frac{3}{10} \times \frac{7}{10}} = \sqrt{4.2} \approx 2.049$$

Step 3：標準化 当たり 4 回の z 値は、

$$z = \frac{4 - 6}{2.049} \approx -0.98$$

Step 4：臨界値と比較



Step 5：結論 帰無仮説を棄却できない。

答：有意水準 5% では、当たりが 3 本でないとは言えない。

母比率の両側検定の手順

Step 1：仮説を立てる

- $H_0 : p = p_0$
- $H_1 : p \neq p_0$ ← 「 \neq 」が両側検定の印
- 有意水準 α を決める（通常 0.05）

Step 2：平均と標準偏差を求める

$$\mu = np_0 \quad \sigma = \sqrt{np_0(1-p_0)}$$

Step 3：検定統計量を計算

$$z = \frac{X - \mu}{\sigma}$$

Step 4：臨界値と比較

Step 5：結論を述べる

問 1 日本人の A 型の割合は 40% と言われている。ある地域で 200 人を無作為抽出して調査したところ、A 型は 92 人だった。有意水準 5% で、この地域の A 型の割合は全国平均と異なると言えるか。

使い分けのポイント

- **両側検定**を使う場合
 - － 「等しいか」「異なるか」を調べる
 - － 「変化したか」「差があるか」を調べる
 - － 検証が目的
- **片側検定**を使う場合
 - － 「大きいか」「小さいか」を調べる
 - － 「増えたか」「減ったか」を調べる
 - － 方向性のある主張を検証

迷ったら両側検定を使う方が安全（より厳しい基準）

問 2 ある政党を支持する有権者の割合は、去年は 40% だった。今年、無作為に抽出した 250 人に調査したところ、84 人がこの政党を支持していた。有意水準 5% で、支持率は去年から変化したと言えるか。

問 3 ある地域の自転車ヘルメット着用率は、法改正前は 30% だった。法改正から半年後、180 人を無作為に調査したところ、72 人がヘルメットを着用していた。有意水準 5% で、着用率は法改正前と変わったと言えるか。

*****+ 【解答】 *****+

問 1 日本人の A 型の割合は 40% と言われている。
ある地域で 200 人を無作為抽出して調査したところ、A 型は 92 人だった。有意水準 5% で、この地域の A 型の割合は全国平均と異なると言えるか。

この地域が全国平均より高いかもしれないし、低いかもしれない。→ 両側検定

Step 1：仮説を立てる

$$H_0 : p = 0.4 \text{ (全国平均と同じ)}$$

$$H_1 : p \neq 0.4 \text{ (全国平均と異なる)}$$

$$\alpha = 0.05$$

Step 2：平均と標準偏差

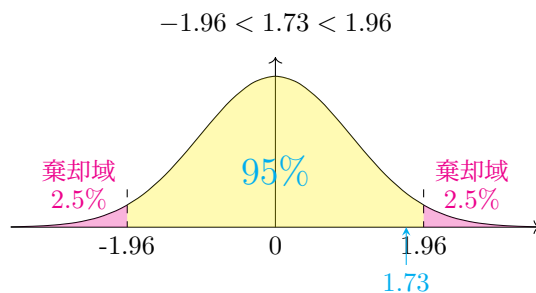
$$\mu = 200 \times 0.4 = 80$$

$$\sigma = \sqrt{200 \times 0.4 \times 0.6} = \sqrt{48} \approx 6.928$$

Step 3：標準化

$$z = \frac{92 - 80}{6.928} \approx 1.73$$

Step 4：臨界値と比較



Step 5：結論 帰無仮説を棄却できない。

答：地域の A 型の割合は全国平均と異なるとは言えない。

問 2 ある政党を支持する有権者の割合は、去年は 40% だった。今年、無作為に抽出した 250 人に調査したところ、84 人がこの政党を支持していた。有意水準 5% で、支持率は去年から変化したと言えるか。

Step 1：仮説

$$\bullet H_0 : p = 0.4 \text{ (昨年と同じ)}$$

$$\bullet H_1 : p \neq 0.4 \text{ (昨年と異なる)}$$

$$\bullet \alpha = 0.05$$

Step 2：平均と標準偏差

$$\mu = 250 \times 0.4 = 100$$

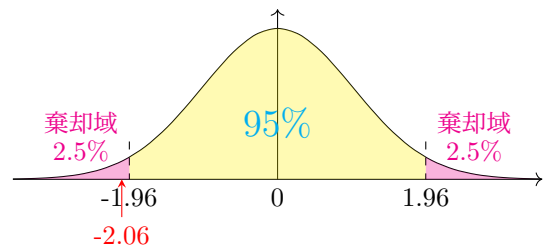
$$\sigma = \sqrt{250 \times 0.4 \times 0.6} = \sqrt{60} \approx 7.746$$

Step 3：標準化

$$z = \frac{84 - 100}{7.746} \approx -2.06$$

Step 4：判定

$$z = -2.06 < -1.96$$



Step 5：結論 帰無仮説を棄却。

答：有意水準 5% で、支持率は去年から低下した。

問 3 ある地域の自転車ヘルメット着用率は、法改正前は 30% だった。法改正から半年後、180 人を無作為に調査したところ、72 人がヘルメットを着用していた。有意水準 5% で、着用率は法改正前と変わったと言えるか。

Step 1：仮説

$$\bullet H_0 : p = 0.3 \text{ (法改正前と同じ)}$$

$$\bullet H_1 : p \neq 0.3 \text{ (法改正前と異なる)}$$

$$\bullet \alpha = 0.05$$

Step 2：平均と標準偏差

$$\mu = 180 \times 0.3 = 54$$

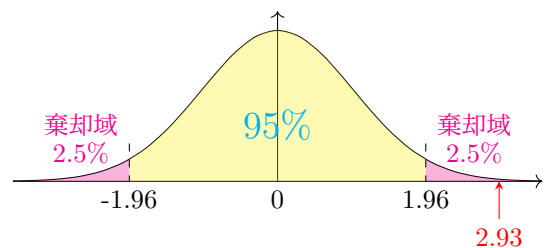
$$\sigma = \sqrt{180 \times 0.3 \times 0.7} = \sqrt{37.8} \approx 6.145$$

Step 3：標準化

$$z = \frac{72 - 54}{6.145} \approx 2.93$$

Step 4：判定

$$z = 2.93 > 1.96$$



Step 5：結論 帰無仮説を棄却する。

答：有意水準 5% で、着用率は法改正前と変わったと言える。

【解釈】 $z = 2.93$ は正の値なので、着用率は法改正前より上がったと言える。両側検定で「変化があった」ことが分かった後、データを見れば方向も分かる。

【参考：もし片側検定なら】

「法改正で着用率が上がったか」を調べるなら、右側片側検定を使う。

この場合、臨界値は 1.645 となり、 $z = 2.93 > 1.645$ でやはり棄却される。

両側検定の方がより厳しい基準（臨界値が大きい）なので、両側で棄却されれば片側でも棄却される。