

前回は、サイコロの検定で、「出やすい」あるいは「出にくい」ということを検定した。「出やすい」「出にくい」というのは、方向が示されているが、対立仮説で方向が示されない場合もある。

**例 1** 10 本のくじがある。店員は「このうち 3 本が当たりです」と言う。本当に 3 本なのか確かめるために、1 本引いては戻す（復元抽出）を 20 回繰り返したところ、当たりは 4 回だった。店員の言うことは正しいと言えるだろうか？

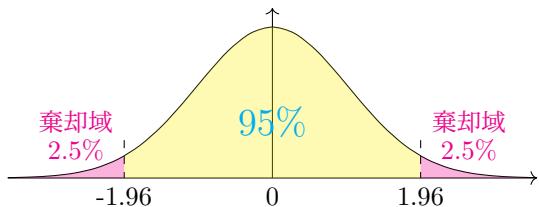
この場合、対立仮説は「10 本中 3 本よりも多い」「10 本中 3 本よりも少ない」という二つになり、「多い」と「少ない」の 2 つの方向の両方を検定しなければならない。

### Step 1：仮説

帰無仮説  $H_0$ ：当たりは 3 本

対立仮説  $H_1$ ：当たりは 3 本で無い

ということになるので、有意水準 5% で検定するとなると、両側にそれぞれ 2.5% の棄却域を設定することになる。



したがって、臨界値は  $z = \pm 1.96$

### Step 2：平均と標準偏差

標本比率の分布は  $B(20, \frac{3}{10})$  であるので、

$$\mu = 20 \times \frac{3}{10} = 6$$

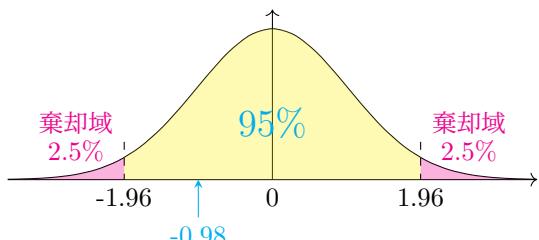
$$\sigma = \sqrt{20 \times \frac{3}{10} \times \frac{7}{10}} = \sqrt{4.2} \approx 2.049$$

### Step 3：標準化

当たり 4 回の z 値は、

$$z = \frac{4 - 6}{2.049} \approx -0.98$$

### Step 4：臨界値と比較



### Step 5：結論

帰無仮説を棄却できない。

答：有意水準 5% では、当たりが 3 本でないとは言えない。

### 母比率の両側検定の手順

#### Step 1：仮説を立てる

- $H_0 : p = p_0$
- $H_1 : p \neq p_0 \leftarrow \text{「}\neq\text{」が両側検定の印}$
- 有意水準  $\alpha$  を決める（通常 0.05）

#### Step 2：平均と標準偏差を求める

$$\mu = np_0 \quad \sigma = \sqrt{np_0(1 - p_0)}$$

#### Step 3：検定統計量を計算

$$z = \frac{X - \mu}{\sigma}$$

#### Step 4：臨界値と比較

#### Step 5：結論を述べる

**問 1** 日本人の A 型の割合は 40% と言われている。ある地域で 200 人を無作為抽出して調査したところ、A 型は 92 人だった。有意水準 5% で、この地域の A 型の割合は全国平均と異なると言えるか。

## 使い分けのポイント

### ● 両側検定を使う場合

- 「等しいか」「異なるか」を調べる
- 「変化したか」「差があるか」を調べる
- 検証が目的

### ● 片側検定を使う場合

- 「大きいか」「小さいか」を調べる
- 「増えたか」「減ったか」を調べる
- 方向性のある主張を検証

迷ったら両側検定を使う方が安全（より厳しい基準）

## 問 3

ある地域の自転車ヘルメット着用率は、法改正前は30%だった。法改正から半年後、180人を無作為に調査したところ、72人がヘルメットを着用していた。有意水準5%で、着用率は法改正前と変わったと言えるか。

**問 2** ある政党を支持する有権者の割合は、昨年は40%だった。今年、無作為に抽出した250人に調査したところ、84人がこの政党を支持していた。有意水準5%で、支持率は昨年から変化したと言えるか。

