

これまで学んだ推定は、「母平均がどのくらいか」を信頼区间で示す方法だった。今回学ぶ仮説検定は、「ある主張が正しいかどうか」をデータから判断する方法である。

### 【身近な例】

ゲームの先攻後攻をコイン投げで決めようとするあなたは友人から「このコインは表が出やすいイカサマコインだ」と言われた。実際に10回投げてみたところ、8回表が出た。

(表) (表) (表) (表) (表) (表) (表) (表) (裏) (裏)

問い合わせ：このコインがイカサマかどうか見分けるには？

### 【考え方】

「公平なコインでも、たまたま8回表が出ることはある」  
→ ではどのくらい珍しいことなのか？

公平なコイン ( $p = 0.5$ ) で10回投げたとき、8回以上表が出る確率：

$$P(X \geq 8) = {}_{10}C_8 \left(\frac{1}{2}\right)^{10} + {}_{10}C_9 \left(\frac{1}{2}\right)^{10} + {}_{10}C_{10} \left(\frac{1}{2}\right)^{10}$$

$$= \frac{45 + 10 + 1}{1024} = \frac{56}{1024} \approx 0.055 = 5.5\%$$

→ 公平なコインでも、約5.5%の確率で起こる

### 【判断】

この確率が「十分小さい」と考えるなら、「公平なコインではない」と判断する。

この確率が「まだ起こりうる」と考えるなら、「公平なコインかもしれない」と判断する。

→ この判断の基準を**有意水準**という。

## 仮説検定の枠組み

### 仮説検定の基本構造

#### 1. 帰無仮説 $H_0$ (きむかせつ)

検定したい主張の「否定」。通常は「差がない」「変化がない」「効果がない」という仮説。

例：コインは公平である ( $p = 0.5$ )

#### 2. 対立仮説 $H_1$ (たいりつかせつ)

検定したい主張そのもの。「差がある」「変化がある」「効果がある」という仮説。

例：コインは偏っている ( $p \neq 0.5$ )

#### 3. 有意水準 $\alpha$ (ゆういすいじゅん)

「帰無仮説が正しいとしたとき、偶然では起こりにくい」と判断する確率の基準。

通常は  $\alpha = 0.05$  (5%) または  $\alpha = 0.01$  (1%) を使う。

### 仮説検定：「コインはイカサマか？」

帰無仮説「コインは公平である」

確率計算：10回中8回以上表が出る確率は5.5%

有意水準：5%

→ 確率は有意水準より大きい

帰無仮説「コインは公平である」は棄却できない

結論「表が出やすい」とは言えない

### 【検定の論理】

- (1) まず「帰無仮説  $H_0$  が正しい」と仮定する
- (2) その仮定の下で、観測されたデータが起こる確率を計算
- (3) その確率が有意水準より小さければ、 $H_0$  を棄却する
- (4) その確率が有意水準以上であれば、 $H_0$  を棄却できない

**【重要な注意】** 「 $H_0$  を棄却できない」 ≠ 「 $H_0$  が正しい」  
データからは「 $H_0$  が間違っている」とは言えなかっただけで、「 $H_0$  が正しい」ことを証明したわけではない。

## 仮説検定の手順

### 仮説検定の5ステップ

#### Step 1：仮説を立てる

帰無仮説  $H_0$  と対立仮説  $H_1$  を設定する。

#### Step 2：有意水準を決める

$\alpha = 0.05$  または  $\alpha = 0.01$  を選ぶ。

#### Step 3：検定統計量を計算する

データから検定に使う統計量を計算する。

#### Step 4：棄却域を決めて判定する

計算した統計量が棄却域に入るかどうかを判定する。

#### Step 5：結論を述べる

「 $H_0$  を棄却する」または「 $H_0$  を棄却できない」と結論づける。

例 1

あるコインを 10 回投げたところ、表が 9 回出た。  
このコインは表が出やすいといえるか。有意水準 5% で検定せよ。

問 1

あるコインを 11 回投げたところ、表が 8 回出た。  
このコインは表が出やすいといえるか。有意水準 5% で検定せよ。

